

عنوان درس:

# پساختمان داده ها

جلسه ۱: مفایم اصلی

مدرس:

امیر امیدی

(Amir Omid)

*Omidi.students@gmail.com*

# فهرست مطالب

- مقدمه
- آرایه ها
- پشته ها و صف ها
- لیست های پیوندی □
- درخت ها
- مرتب سازی
- گراف ها

# ارزیابی درس

- آزمون پایان ترم ۱۴ نمره
- میان ترم ۶ نمره

• تکالیف + آزمون میان ترم + حضورغیاب = ۳ نمره

• پروژه = ۳ نمره

برای نمرات زیر ۷ در آزمون پایان ترم، نمره میان ترم با ضرب نمره پایان ترم در ۱۰/۷ محاسبه خواهد شد.

## موضوع درس در باره چیست؟

- این درس در مورد

- ذخیره سازی کارای داده ها

- به کار گیری ساده داده ها

بحث می کند.

- کاربرد این ساختارهای داده ای کارا و ساده در طراحی

الگوریتم های کارا می باشد.

## چرا به این الگوریتم های کارا نیاز مندیم؟

- کامپیوتر ها کار های خیلی پیچیده را انجام می دهند.
- یک فهرست ۸,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰ صفحه ای را در نظر بگیرید. (Google)

• در اختیار داشتن راه حل های مختلف برای حل مسائل سخت

- کدنویسی به درد بخور و صحیح

# چرا به این الگوریتم های کارا نیاز مندیم؟ (ادامه)

## • نیاز به ایجاد نرم افزار های قابل قبول

- طرحی درست
- نگهداری ساده
- قابل اعتماد
- سادگی استفاده
- الگوریتم های سریع

## مثال

- مجموعه ای شامل ۳۰۰۰ متن مختلف با میانگین ۲۰ سطر در هر متن و ۱۰ کلمه در هر خط را در نظر بگیرید. (یعنی ۶۰۰,۰۰۰ کلمه)
- می خواهیم تعداد کلمات “happy” را در این مجموعه بدست آوریم.
- فرض می کنیم که مقایسه هر کلمه در این مجموعه با کلمه مورد نظر ۱ ثانیه طول می کشد.
- حال چه باید بکنیم؟

## مثال (ادامه)

- راه حل ۱: تطبیق ترتیبی
- $1_{sec.} * 600,000_{words} = 166_{Hours}$
- راه حل ۲: جستجوی باینری
- ابتدا کلمات را مرتب کنید
- حال در هر مرحله نصف کلمات را حذف کنید.
- $\text{Log}_2 600,000 = 19_{sec.}$
- ۱۹ ثانیه را با ۱۶۶ ساعت مقایسه کنید



# طراحی شیء گرا و ساخت یافته

در هر دو روش هدف تجزیه پروژه طراحی نرم افزار به زیر پروژه های ساده تر و حل هر کدام است

## طراحی ساخت یافته (تجزیه الگوریتمی)

- تصور برنامه به عنوان یک فرایند
- ایجاد قطعه برنامه های در قالب توابع برای نمایش مراحل مختلف این فرایند.

## طراحی شیء گرا (تجزیه شیء گرایی)

- تقسیم برنامه به چند قطعه
- تهیه کد و داده برای هر قطعه
- تبدیل قطعات به واحدها (Units) یا اشیاء (Objects)
- ایجاد رابطه متقابل بین این اشیاء

# تجريد داده ها و محصور سازى

- در ارتباط بين كامپيوتر و انسان مورد استفاده قرار مى گيرند.
- مثال (ضبط صوت)
  - هميشه از دكمه هايى مانند PLAY, REC, FFW, REW استفاده مى كنيم و نميتوانيم با مدارات داخلى آن سرو كار داشته باشيم. (محصور سازى)
- كتابچه راهنماى ضبط صوت در باره كار هر دكمه توضيح مى دهد ولى در مورد طرز كار هر کدام از آنها چيزى نمى گويد. (تجريد يا جدا سازى)

# تجريد داده ها و محصور سازی (ادامه)

- محصور سازی یا پنهان سازی  
عبارت است از مخفی کردن جزئیات پیاده سازی اشیاء داده های از دنیای خارج
- تجريد یا جدا سازی  
جدا سازی یک شیء داده ای از پیاده سازی آن

# انواع داده ای

• متغیرها

بازه قابل قبول	اندازه به بایت	نوع
127 <b>To</b> -127	1	Char
0 <b>To</b> 255	1	Unsigned char
127 <b>To</b> -127	1	Signed char
32767 <b>To</b> -32767	2 or 4	Int
0 <b>To</b> 65535	2 or 4	Unsigned int
32767 <b>To</b> -32767	2 or 4	Signed int
32767 <b>To</b> -32767	2	Short int
0 <b>To</b> 65535	2	Unsigned Short int
32767 <b>To</b> -32767	2	Signed Short int
2147483647 <b>To</b> -2147483647	4	Long int
2147483647 <b>To</b> -2147483647	4	Signed long int
0 <b>To</b> 4294967295	4	Unsigned long int
$10^{38}$ <b>To</b> $10^{-38}$	4	Float
$10^{308}$ <b>To</b> $10^{-308}$	8	Double
$10^{4932}$ <b>To</b> $10^{-4932}$	10	Long double

# انواع داده ای (ادامه)

## □ تعریف ثوابت

- #Define M 100
- Const int M = 100;

## □ نوع داده شمارشی

enum day {sat, sun, mon, tus, wed, thu, fri} • مانند

## □ اشاره گر ها

- int i=50;
- int \*p;
- p = &i;

# عملگر ها

## • عملگر های محاسباتی

-	+	*	/	%	--	++
منفی یوناری و منفی یکانی	جمع	ضرب	تقسیم	باقیمانده تقسیم	کاهش	افزایش
-x or x-y	x+y	X*y	x/y	x%y	--x or x--	++y or ++y

## • عملگر های رابطه ای

>	>=	<	<=	==	!=
بزرگتر	بزرگتر یا مساوی	کوچکتر	کوچکتر یا مساوی	متساوی	نا مساوی
x>y	x>=y	x<y	x<=y	x==y	x!=y

## • عملگر های منطقی

!	&&	
Not (نقیض)	And (و)	Or (یا)

!x      x>y || m<p      x>y && m<p

# عملگرها (ادامه)

## • عملگرهای بیتی

&		^	~	>>	<<
و	یا	یای انحصاری	نقیض	شیفت به راست	شیفت به چپ
AND	OR	XOR	NOT	Right shift	Left shift

## • عملگرهای ترکیبی

+=	-=	*=	/=	%=
انتساب جمع	انتساب تفریق	انتساب ضرب	انتساب تقسیم	انتساب باقی مانده تقسیم
$x+=y$	$x-=y$	$x*=y$	$x/=y$	$x\%=y$
$x=x+y$	$x=x-y$	$x=x*y$	$x=x/y$	$x=x\%y$

## عملگرها (ادامه)

- عملگرهای & (آدرس) و \* (محتوی)

- عملگر ؟

$y = x > 5 ? x * 2 : x * 5$

- عملگر ,

$y = (x = 2, x * 4 / 2)$

- عملگر sizeof

$m = \text{sizeof}(\text{int})$

- عملگر ()



# ورودی و خروجی داده ها

## • چاپ اطلاعات

C

Printf("The Answer Is: %d",x);

Cout<<"The Answer Is:"<<x<<endl;

C++

کاراکترهای فرمت در دستور printf()

کاراکتر	نوع اطلاعاتی	کاراکتر	نوع اطلاعاتی
%c	یک کاراکتر	%G	اعداد اعشاری ممیز شناور
%d	اعداد صحیح دهدهی مثبت و منفی	%o	اعداد مبنای ۸ مثبت
%i	اعداد صحیح دهدهی مثبت و منفی	%s	رشته ای از کاراکترها
%e	نمایش علمی عدد همراه با حرف e	%u	اعداد صحیح بدون علامت
%E	نمایش علمی عدد همراه با حرف E	%x	اعداد مبنای ۱۶ مثبت
%f	عدد اعشاری ممیز شناور	%p	pointer
%g	عدد اعشاری ممیز شناور	%%	علامت %

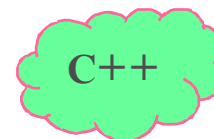
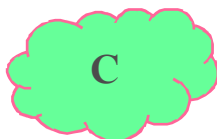
# ورودی و خروجی داده ها

- نوشتن کاراکتر با تابع `putch()`

```
Putch(متغیر);  
Putch('کاراکتر');
```

- ورود اطلاعات

```
Sscanf("%d%d",&x&y);                      cin>>x>>y;
```



- خواندن کاراکتر ها با توابع `getch()`, `getche()`, `getchar()`

`X=getch();` // عکس العملی در صفحه نمایش ندارد

`Y=getche();` // پس از ورود کاراکتر آن را در صفحه نمایش نشان می دهد.

`Z=getchar();` // پس از ورود کاراکتر باید کلید اینتر را فشرد.

# حلقه های تکرار

## • ساختار تکرار For

( گام حرکت ; شرط حلقه ; مقدار اولیه اندیس حلقه )  
For  
{ دستور یا دستورات }

• ایجاد حلقه بی نهایت با for

For (;;)   
{ دستور یا دستورات }

• حلقه های تو در تو

```
For(i=0;i<10;i++)  
{For (j=0;j<20;j++)  
  {  
    دستور یا دستورات  
  }  
}
```

## حلقه های تکرار (ادامه)

- ساختار تکرار while

```
While(شرط)
{
    دستور یا دستورات
}
```

- ساختار تکرار do...while

```
do
{
    دستور یا دستورات
}
While(شرط);
```

# ساختار های تصمیم

## • ساختار تصمیم if

- If (شرط)  
دستور;  
Else  
دستور
- If (شرط)  
{  
دستور یا دستورات  
}  
Else  
{  
دستور یا دستورات  
}

## ساختار های تصمیم (ادامه)

- دستور Break
- دستور Continue
- دستور goto
- ساختار تصمیم switch

```
Switch(عبارت){  
    Case مقدار ۱:  
        دستور یا دستورات  
        break;  
    Case مقدار ۲:  
        دستور یا دستورات  
        break;  
    ...  
    Default:  
        دستور یا دستورات
```

# توابع

## • نوشتن تابع

```
#include<stdio.h>
```

```
...
```

```
الگوی تابع // (لیست پارامترها) نام تابع <نوع تابع>
```

```
Int main();
```

```
{
```

```
.....
```

```
فراخوانی تابع // (لیست پارامترها) نام تابع
```

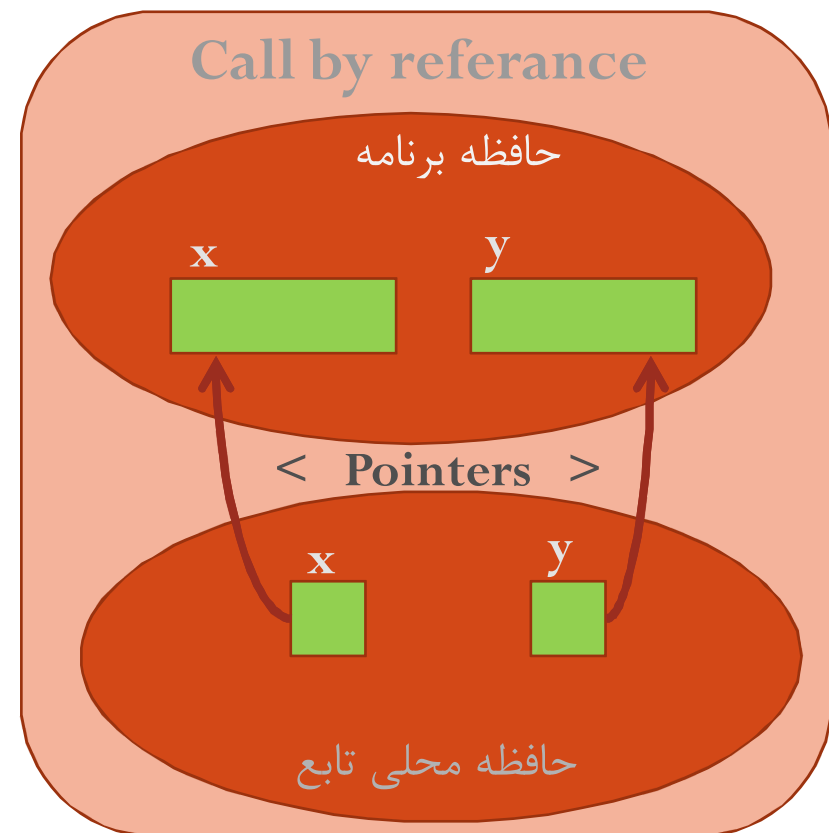
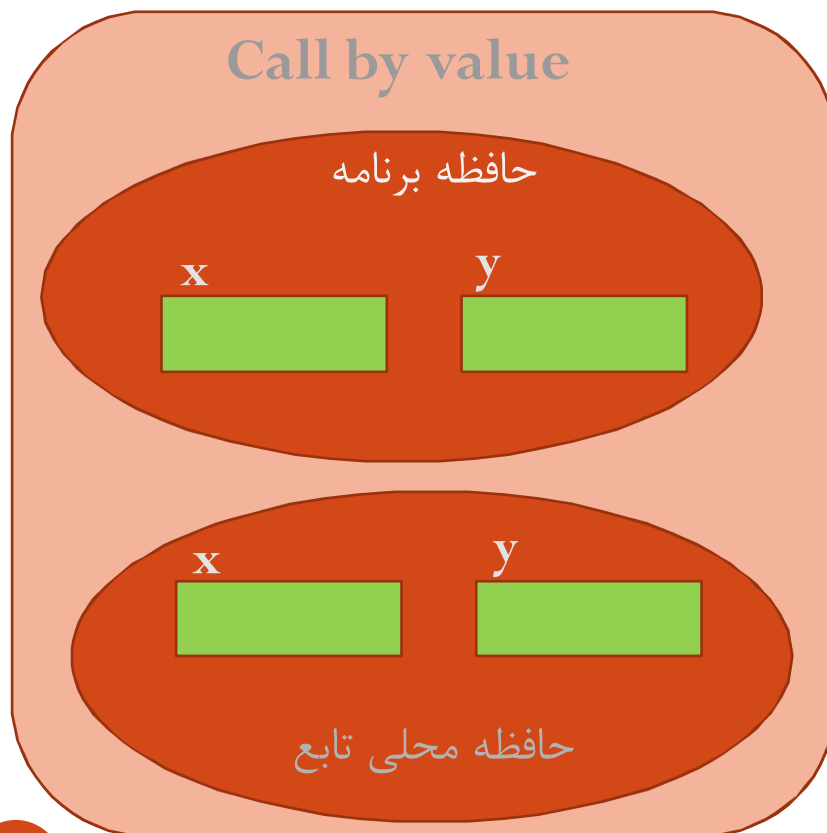
```
}
```

```
تعریف تابع // (لیست پارامترها) نام تابع <نوع تابع>
```

```
{دستورات تابع}
```

## توابع (ادامه)

- روشهای ارسال پارامترها به توابع





# آرایه ها

- تعریف آرایه
- آرایه یک بعدی

[طول آرایه] نام آرایه نوع آرایه

```
int x[5];
```

x

x[0]	X[1]	X[2]	X[3]	x[4]
------	------	------	------	------

- آرایه چند بعدی

[طول بعد آخر]...[طول بعد دوم][طول بعد اول] نام آرایه نوع آرایه

```
int x[3][4]
```

x

x[0][0]	x[0][1]	x[0][2]	x[0][3]
x[1][0]	x[1][1]	x[1][2]	x[1][3]
x[2][0]	x[2][1]	x[2][2]	x[2][3]

## آرایه ها (ادامه)

در آرایه یک بعدی  
طول آرایه ذکر نمی  
شود، و در آرایه  
دو بعدی طول سطر  
ذکر نمی شود ولی  
طول ستون باید حتما  
ذکر شود.

- آرایه های یک بعدی به عنوان آرگومان تابع

```
void func1(int x[])
```

- الگوی تابع

```
Int x[10]
```

- فراخوانی تابع

```
....
```

```
func1(x)
```

```
void func1(int x[]) ...
```

- تعریف تابع

- آرایه های دو بعدی به عنوان آرگومان تابع

```
void func1(int x[5][10])
```

- الگوی تابع

- فراخوانی تابع

```
Int x[5][10]
```

```
....
```

```
func1(x)
```

```
void func1(int x[][10]) ...
```

- تعریف تابع

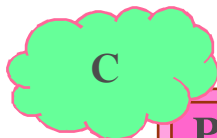
# اشاره گرها

## • متغیرهای اشاره گر

- متغیر \* نوع
- `Int *a;`

## • تخصیص حافظه پویا

- `malloc(size)` (نوع) = اشاره گر
- `Int *p;`



```
P = (int*) malloc(sizeof(int));
```



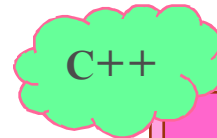
```
P = New Int;
```

## • برگرداندن حافظه به سیستم



```
Free(اشاره گر);
```

- `Free(p);`



```
Delete(p)
```

# ساختمان ها

- تعریف نوع ساختمان

```
Struct <ساختمان> {  
    عناصر ساختمان  
};  
<اسامی متغیر های ساختمان>
```

```
Struct personel{  
    char name[31];  
    int persno;  
    int salary  
};
```

- تعریف متغیر نوع ساختمان

```
Struct <اسامی متغیر های ساختمان> نوع ساختمان  
Struct personel p1,p2;
```

## ساختمان ها(ادامه)

- دسترسی به عناصر ساختمان

<نام عنصر> . <اسم متغیر از نوع ساختمان>

P1.name

P1.persno

- آرایه ای از ساختمان ها

- Struct personel p[100];

- اشاره گر به ساختمان

- Struct personel \*p;

# ارزیابی کارایی الگوریتم ها

- میزان حافظه لازم در زمان اجرای الگوریتم

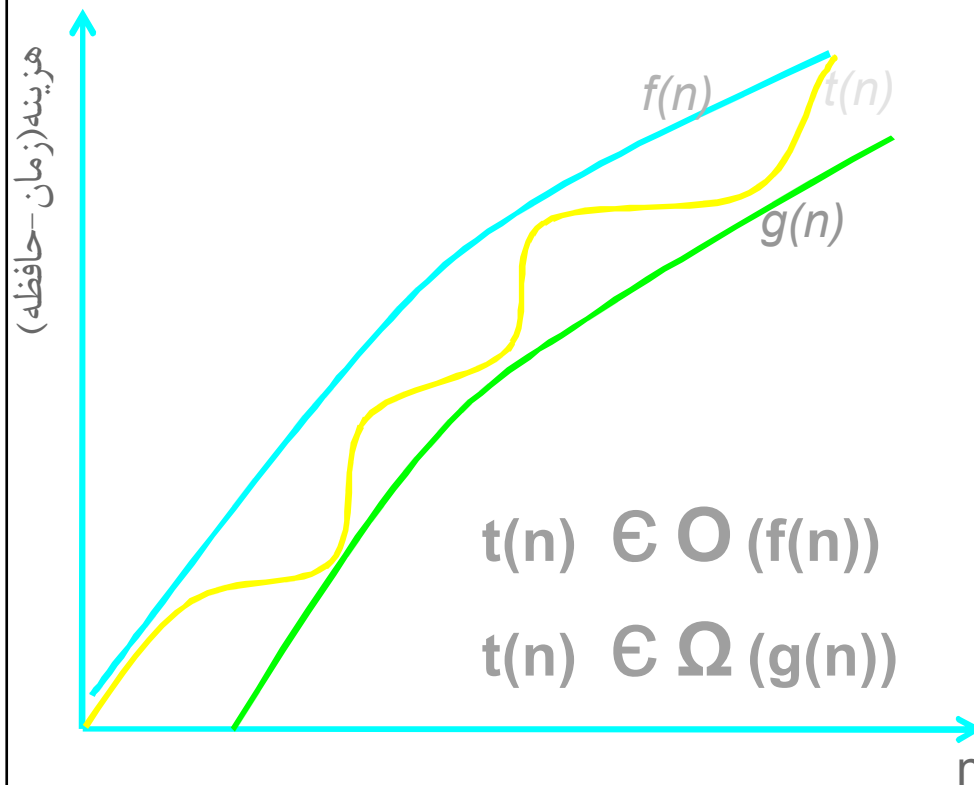
- زمان لازم برای اجرای کامل الگوریتم

- زمان کامپایل

- زمان اجرا

از آنجایی که تمام عوامل شناخته شده نیستند، پس ما فقط تخمینی از زمان را خواهیم داشت.

# ارزیابی کارایی الگوریتم‌ها (ادامه)



- حالت‌های ارزیابی الگوریتم‌ها
  - بدترین حالت  $O$
  - حالت متوسط  $\theta$
  - بهترین حالت  $\omega \Omega$

.... (زمان انجام یک عمل جمع \* تعداد جمع‌ها) \* (زمان انجام یک عمل تفریق \* تعداد کل تفریق‌ها) =  $T(n)$

# ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

تعریف ریاضی  $O$

$$O(f(n)) = \{t : N \rightarrow R^+ \mid (\exists c \in R^+)(\exists n_0 \in N)(\forall n \geq n_0)[t(n) \leq cf(n)]\}$$

تعریف ریاضی  $\Omega$

$$\Omega(g(n)) = \{t : n \rightarrow R^+ \mid (\exists d \in R^+)(\exists n_0 \in N)(\forall n \geq n_0)[t(n) \geq dg(n)]\}$$

تعریف ریاضی  $\theta$

$$\theta(f(n)) = \{t : n \rightarrow R^+ \mid (\exists c, d \in R^+)(d \leq c)(\exists n_0 \in N)(\forall n \geq n_0)[df(n) \leq t(n) \leq cf(n)]\}$$



# ارزیابی کارایی الگوریتم‌ها (ادامه)

- عملگرها و دستورات مختلف در C++ که دارای هزینه زمانی  $O(1)$  می باشند.

*Sizeof()*  
*Delete*  
*Goto*  
*Break*  
*Continue*  
*Call*  
*Return*

*And*  
*Or*  
*Not*  
*Shift*  
>  
<  
>=  
<=  
==  
!=

انتساب  
جمع  
تفریق  
ضرب  
تقسیم  
توان  
دستورات مدیریت حافظه  
دسترسی به خانه های آرایه  
دسترسی به اعضای ساختمان

## ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

$$\begin{array}{l} f(n) \in O(s(n)) \\ g(n) \in O(r(n)) \end{array} \quad \Rightarrow \quad \begin{array}{l} f(n) + g(n) \in O(s(n) + r(n)) \\ \subseteq O(\max\{s(n), r(n)\}) \end{array}$$

مثال

$$\begin{array}{l} f(n) \in O(n^2) \\ g(n) \in O(n) \end{array} \quad \Rightarrow \quad f(n) + g(n) \in O(n^2 + n) \in O(n^2)$$

## ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

$$\begin{array}{l} f(n) \in O(s(n)) \\ g(n) \in O(r(n)) \end{array} \quad \Rightarrow \quad f(n) * g(n) \in O(s(n) * r(n))$$

مثال

$$\begin{array}{l} f(n) \in O(n^2) \\ g(n) \in O(n) \end{array} \quad \Rightarrow \quad f(n) * g(n) \in O(n^2 * n) \in O(n^3)$$

## ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

- هزینه هایی که بیشتر مورد استفاده قرار می گیرد

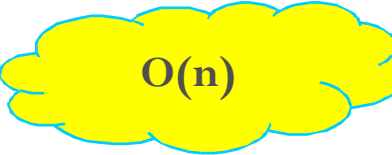
$$O(1) - O(\log_2^n) - O(n) - O(n \log_2^n) - O(n^2) \dots O((\log_2^n)^2) - O(n!) - O(e^n)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{g(n)}{f(n)} \begin{cases} L \Rightarrow g(n) \in \theta(f(n)) & (c > 0) \\ 0 \Rightarrow g(n) \in o(f(n)) & \text{or } f(n) \in \Omega(g(n)) \\ \infty \Rightarrow f(n) \in O(g(n)) & \text{or } g(n) \in \Omega(f(n)) \end{cases}$$

# ارزیابی کارایی الگوریتم‌ها (ادامه)

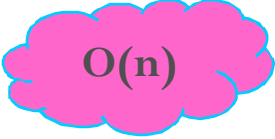
• چند مثال

```
for ( i=1 ; i<=n ; i++)  
    /* o(1) */
```

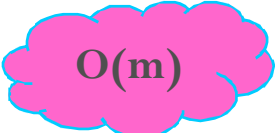


$O(n)$



```
for ( i=1 ; i<=n ; i++)  
    /* o(1) */  
for ( j=1 ; j<=m ; j++)  
    /* o(1) */
```



$O(n)$



$O(m)$



$O(\max(n,m))$

# ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

• چند مثال

```
for ( i=1 ; i<=n ; i++)  
    for ( j=1 ; j<=m ; j++)  
        /* o(1) */
```

$O(n*m)$

```
for ( i=1 ; i<=n ; i++)  
    for ( j=i ; j<=n ; j++)  
        /* o(1) */
```

$O(n^2)$

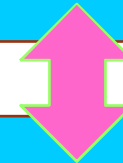
# ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

• مثال

```

Func sort(int s[] , int n)
{
    if (n==1)
        return(s)
    else
    {
        break s into tow halves s1,s2 length of n/2
        return (sort(s1[],n/2) , sort(s2[],n/2))
    }
}
    
```

$$T(n) \in \begin{cases} O(1) & n = 1 \\ O(n) + 2T(n/2) & n > 1 \end{cases}$$



$$T(n) \in \begin{cases} 1 & n = 1 \\ 2T(n/2) + n & n > 1 \end{cases}$$

# ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

• مثال



حال این معادله بازگشتی را با بسط دادن حل کنید

$$T(n) \in \begin{cases} 1 & n = 1 \\ 2T(n/2) + n & n > 1 \end{cases}$$

یادآوری

$$s(n) = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}$$



## ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

- یک رابطه مهم  
اگر داشته باشیم

$$T(n) = \begin{cases} 1 & n = 1 \\ aT(\frac{n}{b}) + d(n) & n > 1 \end{cases}, \quad a, b \in N, \quad b > 1, \quad d(n * m) = d(n) * d(m)$$

آنگاه

$$t(n) \in \begin{cases} O(n^{\log_b^{d(b)}}) & a < d(b) \\ O(n^{\log_b^a} * \log_b^n) & a = d(b) \\ O(n^{\log_b^a}) & a > d(b) \end{cases}$$

## ارزیابی کارایی الگوریتم ها (ادامه)

• مثال

$$T(n) = \begin{cases} 1 & n = 1 \\ 2T(\frac{n}{2}) + n & n > 1 \end{cases}$$

• حل

$$\begin{array}{l} a=2 \\ b=2 \\ d(b)=2 \end{array} \quad \Rightarrow \quad a = d(b)$$

$$\Rightarrow T(n) \in O(n^{\log_b^a} * \log_b^n) \Rightarrow t(n) \in O(n \log_2^n)$$

## تکلیف منزل

- ۲ مورد از برنامه های بازگشتی را که در کتاب برنامه نویسی با آنها آشنا شدید، از نظر پیچیدگی زمانی بررسی کنید. (بهتر است رابطه ای بازگشتی از روی الگوریتم استخراج کرده و سپس آن را حل کنید)
- برنامه ای بنویسید که دو ماتریس  $A_{m \times n}$  و  $B_{n \times p}$  را در هم ضرب کند، سپس این برنامه را از نظر پیچیدگی زمانی بررسی کنید.

زمان تحویل تکلیف  
هفته آینده می باشد

## بحث جلسه بعد

- آرایه ها
  - بدست آوردن تعداد عناصر آرایه های یک بعدی و چند بعدی
  - بدست آوردن آدرس خانه های آرایه های یک بعدی و چند بعدی
- معرفی ماتریس خلوت
- ماتریس های بالا مثلثی و پایین مثلثی
- چند نمونه از کاربرد های ماتریسها
- تطبیق الگو