

عنوان درس:

ساختمان داده ها

جلسه ۲: آرایه ها

مدرس:

امیر امیدی

(Amir Omid)

Omidi.students@gmail.com

محاسبه تعداد عناصر و آدرس عناصر آرایه

مجموعه ای همگن از عناصر اندیس دار.

- آرایه یک بعدی

$A : array[L_1..U_1] \text{ of type}$

$M =$ آدرس اولین عنصر آرایه

$W =$ تعداد بایت های هر عنصر آرایه

- تعداد عناصر آرایه A

$$U_1 - L_1 + 1$$

- آدرس عنصر $A[i]$

$$M + (i - L_1) * W$$

محاسبه تعداد عناصر و آدرس عناصر آرایه (ادامه)

• مثال

• تعداد عناصر آرایه زیر و آدرس خانه $A[8]$ را بدست آورید.

- A : array[3..15] of integer
- $M=120$
- $W=2$

• حل

• تعداد عناصر آرایه

$$15-3+1 = 13$$

• آدرس خانه $A[8]$

$$120+(8-3)*2 = 120+10 = 130$$

محاسبه تعداد عناصر و آدرس عناصر آرایه (ادامه)

• آرایه m بعدی

A : array $[L_1..U_1, L_2..U_2, L_3..U_3, \dots, L_m..U_m]$ of type

M = آدرس اولین عنصر آرایه

W = تعداد بایت های هر عنصر آرایه

• تعداد عناصر آرایه m بعدی A

$$(U_1 - L_1 + 1) * (U_2 - L_2 + 1) * \dots * (U_m - L_m + 1)$$

• آدرس عنصر $A[1, j]$ در آرایه دو بعدی

در روش سطری

$$M + [(i - L_1)(U_2 - L_2 + 1) + (j - L_2)] * W$$

omidi.students@gmail.com

در روش ستونی

$$M + [(j - L_2)(U_1 - L_1 + 1) + (i - L_1)] * W$$

محاسبه تعداد عناصر و آدرس عناصر آرایه (ادامه)

آدرس عنصر $A[i,j,k]$ در آرایه سه بعدی

در روش سطری

$$M + [(i-L_1)(U_2-L_2+1)(U_3-L_3+1) + (j-L_2)(U_3-L_3+1) + (k-L_3)] * W$$

در روش ستونی

$$M + [(k-L_3)(U_2-L_2+1)(U_1-L_1+1) + (j-L_2)(U_1-L_1+1) + (i-L_1)] * W$$

مثال

A : array $[-5..10]$ of real

$M=200$

$W=6$

$A[10]=?$

$$A[10] = 200 + [(10 + 5)] * 6 = 290$$

محاسبه تعداد عناصر و آدرس عناصر آرایه (ادامه)

مثال

A : array $[1..10][1..20][1..20]$ of real

$M=100$

$W=2$

$A[2,2,1]=?$

روش سطری

$$A[2,2,1] = 100 + [(2-1)(20-1+1)(20-1+1) + (2-1)(20-1+1) + (1-1)] * 2 \\ = 940$$

روش ستونی

$$A[2,2,1] = 100 + [(1-1)(20-1+1)(10-1+1) + (2-1)(10-1+1) + (2-1)] * 2 \\ = 142$$

ماتریس خلوت (Sparse Matrix)

- ماتریس خلوت ماتریسی است که تعداد عناصر صفر آن زیاد باشد.
- زیادی تعداد صفرها موجب اتلاف فضای زیادی می شود.

0	0	0	0	0	0	0	0	0	5	0	0
0	0	2	0	0	0	2	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	1	0	0	0	6	0	0
0	0	8	0	0	0	0	9	0	0	0	6
0	0	0	0	0	0	0	0	0	5	0	0
0	1	0	0	0	2	0	0	9	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	3	0	4	0	0	0	0	0	3	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4
0	0	0	0	0	0	6	0	0	0	0	0
0	0	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0
0	3	0	0	0	0	0	0	0	0	5	0

ماتریس خلوت (*Spare Matrix*)

- روش بهینه ذخیره ماتریس خلوت
- استفاده از یک ماتریس سه ستونی شامل:
 ۱. سطر اول به ترتیب از چپ به راست شامل تعداد سطر ها و ستونها و عناصر غیر صفر
 ۲. سطر های دیگر به ترتیب شامل شماره سطر و شماره ستون و مقدار تک تک عناصر غیر صفر

• مثال

$$\begin{bmatrix} 0 & 8 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

ماتریس بهینه

$$\begin{bmatrix} 4 & 4 & 4 \\ 1 & 2 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \\ 4 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$

ماتریس بالا مثلثی و پایین مثلثی

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ 0 & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ 0 & 0 & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \dots & \dots & \dots & a_{ii} & a_{in} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & a_{nn} \end{bmatrix}$$

ماتریس بالا مثلثی

حداکثر تعداد عناصر غیر صفر ماتریس های
بالا و پایین مثلثی

$$\frac{n(n+1)}{2}$$

$$\begin{bmatrix} a_{11} & 0 & 0 & \dots & 0 \\ a_{21} & a_{22} & 0 & \dots & 0 \\ a_{31} & 0 & a_{33} & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & a_{ii} & 0 \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

ماتریس پایین
مثلثی

ماتریس بالا مثلثی و پایین مثلثی

- اگر ماتریس بالا مثلثی را در آرایه یک بعدی ذخیره کنیم (به صورت ستونی)، اگر عنصر $A[i,j]$ ، دز $B[k]$ ذخیره شده باشد، آنگاه داریم

$$k = \frac{j(j-1)}{2} + i$$

- اگر ماتریس پایین مثلثی را در آرایه یک بعدی ذخیره کنیم (به صورت سطری)، اگر عنصر $A[i,j]$ ، دز $B[k]$ ذخیره شده باشد، آنگاه داریم

$$k = \frac{i(i-1)}{2} + j$$

تطبيق الگو (ساده)

pat: a b a b

s: a b a a b a b b c d

تطبيق الگو (ساده)



pat: a b a b

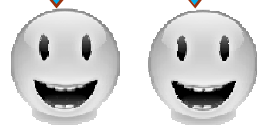


s: a b a a b a b b c d






تطبيق الگو (ساده)




pat:   a b






s:   a a b a b b c d













تطبيق الگو (ساده)

pat:    b

s:    a b a b b c d

تطبيق الگو (ساده)

pat:    
   
s:     b a b b c d

تطبيق الگو (ساده)

pat: a b a b

s: a b a a b a b b c d

تطبيق الگو (ساده)

pat:  a b a b



s: a  b a a b a b b c d



تطبيق الگو (ساده)

pat: a b a b



s: a b a a b a b b c d





تطبيق الگو (ساده)

pat:  a b a b

s: a b   a b a b b c d

تطبيق الگو (ساده)

pat:  a  b a b

s: a b   a   a b a b b c d



تطبيق الگو (ساده)

pat: a b a b



s: a b a a b a b b c d





تطبيق الگو (ساده)

pat:  a b a b




s: a b a   a b a b b c d







تطبيق الگو (ساده)

pat:  a  b a b





s: a b a    a  b a b b c d









تطبيق الگو (ساده)

pat:  a  b  a b

s: a b a   a   b   a b b c d

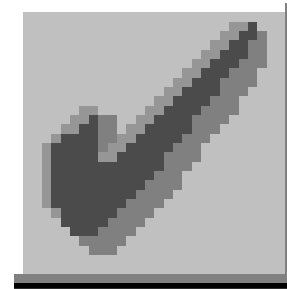
تطبيق الگو (ساده)

pat:  a  b  a  b

s: a b a   a   b   a   b b c d

تطبيق الگو (ساده)

pat: a b a b








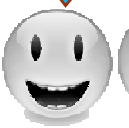
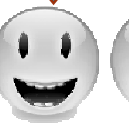
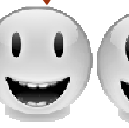
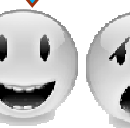

s: a b a a b a b b c d



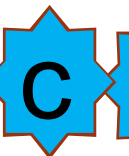


این روش دارای پیچیدگی $O(|pat| * |s|)$ می باشد

تطبیق الگو (الگوریتم کنوٹ-موریس-پرات)

در این روش، هنگام مشاهده عدم تطابق می خواهیم برگشت به عقب بهینه انجام دهیم.
این کار با استفاده از اطلاعات بدست آمده در مقایسه های قبلی و تطابق جزئی، انجام می گیرد.


S:      ? ? ? ? ?


    

pat:      c a c a b

تطبیق الگو (الگوریتم کنوٹ - موریس - پرات)

در روش قبلی ادامه با مقایسه دو کاراکتر به صورت زیر بود



S: a  b c a ? ? ? ? ? ?


pat:  a b c a b c a c a b

تطبیق الگو (الگوریتم کنوٹ-موریس)

پرات

در روش جدید کارمان را با مقایسه کاراکتر دوم pat با کاراکتر پنجم S ادامه می دهیم.

S: a b c  a  ? ? ? ? ?



pat:  a  b c a b c a c a b

تطبيق الگواریتم کنوٹ-موریس- پرات

pat: j: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
 a b c a b c a c a b
 f: -1

تطبيق الگوارتم ڪنوٿ-موريس-

پرات

pat: j: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
 a b c a b c a c a b
 f: -1

تطبيق الگوارتم ڪنوٿ-موريس

پرات

pat: j: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
 a b c a b c a c a b
 f: -1 -1

تطبيق الگواریتم کنوٹ-موریس-

پرات

pat: j: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
 a b c a b c a c a b
 f: -1 -1 -1

تطبيق الگو (الگوریتم کنوٹ-موريس- پرات)



pat: j: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
 a b c a b c a c a b
 f: -1 -1 -1 0

تطبيق الگواریتم کنوٹ-موریس

پرات

j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	a	b	c	a	b	c	a	c	a	b
f:	-1	-1	-1	0	1					

تطبيق الگواریتم کنوٹ-موریس - پرات



j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	a	b	 c	a	b	 c	a	c	a	b
f:	-1	-1	-1	0	1	2				

تطبيق الگو (الگوریتم کنوٹ-موریس-پرات)



j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	a	b	c	a	b	c	a	c	a	b
f:	-1	-1	-1	0	1	2	3			

تطبيق الگواریتم کنوٹ-موریس-



پرات

j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	a	b	c	a	 b	c	a	 c	a	b
f:	-1	-1	-1	0	1	2	3			

تطبيق الگواریتم کنوٹ-موریس- پرات

j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	 a	b	c	a	b	c	a	 c	a	b
f:	-1	-1	-1	0	1	2	3	-1		

تطبيق الگو (الگوریتم کنوٹ - موريس - پرات)

j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	 a	b	c	a	b	c	a	c	 a	b
f:	-1	-1	-1	0	1	2	3	-1	0	

تطبیق الگو (الگوریتم کنوٹ-موریس - پرات)

j:	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
pat:	a	b	c	a	b	c	a	c	a	b
f:	-1	-1	-1	0	1	2	3	-1	0	1


حال در این روش هر جا که عدم تطابق دیدیم کار را از اندیس f ادامه می دهیم. و اگر f برابر -1 باشد کار را از ابتدای pat دنبال می کنیم.

این روش دارای پیچیدگی $O(|pat| + |s|)$ می باشد

نمایش چند جمله ای ها توسط آرایه

$$y = a_0x^n + a_1x^{n-1} + a_2x^{n-2} \dots a_{n-1}x + a_n$$

با استفاده از آرایه ای از ساختمان ها خواهیم داشت



ضریب	a_0	a_1	a_2	\dots	a_{n-1}	a_n
توان	n	$n-1$	$n-2$	\dots	1	0

نمایش چند جمله ای ها توسط آرایه

مثال

$$y_1 = x^{15} + 1$$

ضریب	1	1
توان	15	0

$$y_2 = 3x^4 + 5x^3 + 5$$

ضریب	3	5	5
توان	4	3	0

برای جمع این چند جمله ای ها چه راه حلی پیشنهاد می کنید؟

مطالب مرتبط دیگر با ماتریسها

- محاسبه ترانهاده ماتریس ها
- محاسبه ترانهاده ماتریس خلوت
- ضرب ماتریسها
- ضرب ماتریسهای خلوت

برای جلسه آینده راه حل‌های موجود برای پیاده سازی دو مورد از موارد فوق را مورد بررسی قرار داده و تحویل دهید.